

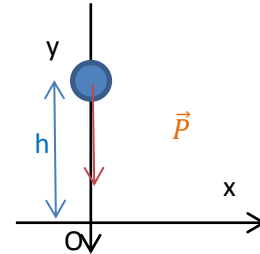
On lâche un objet ponctuel sans vitesse initiale à l'altitude $y=h$ à $t=0$

Expression des composantes $v_{x0}(t)$ et $v_{y0}(t)$ du vecteur vitesse \vec{V}_0

$$\vec{V}_0 \quad v_{0x}=0 \quad \text{et} \quad v_{0y}=0$$

Systeme : objet de centre G

Bilan des forces : poids P



Seconde loi de Newton : $\sum \vec{F}_{ext} = m \times \vec{a} = m \times \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{P} = m \times \vec{g}$ donc $\vec{a} = \vec{g}$

Coordonnées de l'accélération et de la vitesse

$$\begin{array}{l} \vec{a} \\ \text{initiales} \end{array} \left| \begin{array}{l} a_x=0 \\ a_y=g \end{array} \right. \xrightarrow{\text{primitive}} \vec{v} \left| \begin{array}{l} v_x(t) = v_{0x} = 0 \\ v_y(t) = g \times t + v_{0y} = g \times t \end{array} \right. \quad v_{0x} \text{ et } v_{0y} \text{ sont les conditions}$$

Coordonnées x et y:

$$\vec{v} \left| \begin{array}{l} v_x(t) = v_{0x} = 0 \\ v_y(t) = g \times t \end{array} \right. \xrightarrow{\text{primitive}} \vec{OG} \left| \begin{array}{l} x(t) = x_0 = 0 \quad (\text{à } t=0 \text{ } x_0 = 0 \text{ et } y_0 = h) \\ y(t) = \frac{g \times t^2}{2} + y_0 = \frac{g \times t^2}{2} + h \end{array} \right.$$

Le mouvement sera rectiligne uniformément accéléré .

On lance un objet considéré comme ponctuel de masse m dans un champ de pesanteur uniforme.

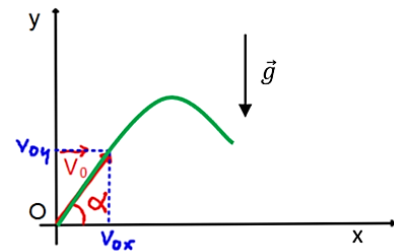
On place un repère de façon à étudier le mouvement de cet objet.

Expression des composantes $v_{x0}(t)$ et $v_{y0}(t)$ du vecteur vitesse \vec{V}_0

$$\vec{V}_0 \quad v_{0x} = v_0 \times \cos \alpha \quad \text{et} \quad v_{0y} = v_0 \times \sin \alpha$$

Système : objet de centre G

Bilan des forces : poids P



Seconde loi de Newton : $\sum \vec{F}_{ext} = m \times \vec{a} = m \times \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{P} = m \times \vec{g}$ donc $\vec{a} = \vec{g}$

Coordonnées de l'accélération et de la vitesse

$$\vec{a} \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases} \xrightarrow{\text{primitive}} \vec{v} \begin{cases} v_x(t) = v_{0x} = v_0 \times \cos \alpha \\ v_y(t) = -g \times t + v_{0y} = -g \times t + v_0 \times \sin \alpha \end{cases} \quad v_{0x} \text{ et } v_{0y} \text{ sont les conditions initiales}$$

Coordonnées x et y:

$$\vec{v} \begin{cases} v_x(t) = v_{0x} = v_0 \times \cos \alpha \\ v_y(t) = -g \times t + v_{0y} = -g \times t + v_0 \times \sin \alpha \end{cases} \xrightarrow{\text{primitive}} \vec{OG} \begin{cases} x(t) = v_0 \times \cos \alpha \times t + x_0 \\ y(t) = -\frac{g \times t^2}{2} + v_0 \times \sin \alpha \times t + y_0 \end{cases} \quad (\text{à } t=0 \quad x_0 = 0 \text{ et } y_0 = 0)$$

$$\begin{cases} x(t) = v_0 \times \cos \alpha \times t \\ y(t) = -\frac{g \times t^2}{2} + v_0 \times \sin \alpha \times t \end{cases}$$

Equation de la trajectoire :

Dans $x(t)$, on isole t : $t = \frac{x}{v_0 \times \cos \alpha}$ on remplace t dans $y(t)$:

$$y(x) = \frac{-g \times \frac{x^2}{v_0^2 \times \cos^2 \alpha}}{2} + v_0 \times \sin \alpha \times \frac{x}{v_0 \times \cos \alpha}$$

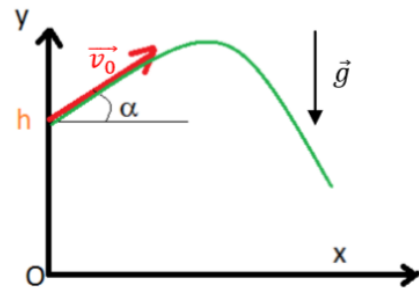
en simplifiant on trouve : $y(x) = \frac{-g}{2 \times v_0^2 \times \cos^2 \alpha} \cdot x^2 + (\tan \alpha) \times x$

L'équation est de type $y = ax^2 + bx + c$ c'est l'équation d'une parabole.

Entrainement avec des situations différentes :

Si l'objet se trouve à $t=0$ à une altitude $y_0=h$ alors l'équation de la trajectoire sera :

$$y(x) = -\frac{g \times x^2}{2 \times v_0^2 \times \cos^2 \alpha} + \tan \alpha \times x + h$$



Si l'objet est lancé avec une vitesse horizontale

$$V_{0x} = v_0 \text{ et } V_{0y} = 0$$

Alors

$$y(x) = -\frac{g \times x^2}{2 \times v_0^2}$$

